

# طراحی مدل ریاضی برنامه‌ریزی هزینه در

## سازمانهای دولتی کشور - رویکرد قطعی و فازی

دکتر عادل آذر

عضو هیأت علمی دانشگاه تربیت مدرس

### چکیده مقاله

در این مقاله تلاش شده است که ضمن شناخت ساختار درونی و بیرونی بودجه در سازمانهای دولتی کشور، مدل برنامه‌ریزی هزینه تحت رویکرد قطعی و فازی طراحی شود. نتایج نشان می‌دهد که مدل ریاضی برنامه‌ریزی هزینه در جامعه تحقیق یک مدل آزمایش (GP) می‌باشد. همچنین برای بالا بردن اعتبار نتایج مدل از منطق فازی برای اندازه‌گیری «ابهام و تادقیق» داده‌های هزینه استفاده شده است. مدل حاصل از منطق فازی برای برنامه‌ریزی هزینه در سازمانهای دولتی کشور یک مدل GBMF است. بدینسان با طرح کردن «بودجه فازی» پاسخی برای سوالات زیر که از دیرباز برای برنامه‌ریزان مالی بدون پاسخ مانده بود، حاصل شده است:

۱- چگونه می‌توان «ابهام، ناشی از داده‌های مورد تحلیل را در برنامه‌ریزی هزینه اندازه‌گیری کنی کرد؟

۲- چگونه می‌توان تأثیر «متغیرهای مداخله گر و غیر قابل کنترل درون زا و بروزن زا» را در بودجه پیش‌بینی شده، اندازه‌گیری کنی کرد؟

۳- چگونه می‌توان «معانی زیان طبیعی» را در برنامه‌ریزی هزینه دخالت داد، به طوری که بیانگر احساسات تصمیم‌گیران باشد؟

### واژه‌های کلیدی

ابهام، فازی، بودجه، سازمانهای دولتی، مدل‌سازی، برنامه‌ریزی هزینه، رویکرد قطعی، منطق فازی، برنامه‌ریزی آزمایشی،

کرد.

گسترش سازمانها و دامنگیر شدن نظامهای مدیریت و همچنین متلاطم شدن محیط باعث شد که بودجه‌ریزی و برنامه‌ریزی هزینه<sup>۵</sup> از حالت سنتی و عملیاتی به سوی روشهای نوین و پیشرفته پیش رود. به طوری که گستره آن به مدل‌های تحقیق در عملیات و علم مدیریت<sup>۶</sup> کشیده شد (۴۲) استفاده از مدل‌های ریاضی، بخصوص با پدید آمدن بودجه طرح و برنامه (PPBS)<sup>۷</sup> در سال ۱۹۶۵ (۱، ۸، ۹، ۳۰، ۳۱، ۳۲، ۳۳، ۳۴، ۳۵) و رویکرد بودجه بر مبنای صفر (ZBB)<sup>۸</sup> در سال ۱۹۷۳ (۱۰) فراگیر شد. معتبرترین مدل ریاضی‌ای که راجع به بودجه PPBS ارائه شد، مدل چارنز و کوپر (۱۱) است که آن را در سال ۱۹۷۱ ارائه داده‌اند. این مدل که اختصاصاً برای بودجه ارتش امریکا تهیه شده است، یک مدل سلسله مراتبی و چند مرحله است که آن را «مدل تجزیه اهداف تولید شده (GGD)»<sup>۹</sup> می‌گویند.

مدل GGD یک مدل از نوع برنامه‌ریزی آرمانی<sup>۱۰</sup> است که محققین در کتابهای ارزشمند خود تحت عنوان «مدلهای مدیریتی و کاربردهای صنعتی برنامه‌ریزی خطی» (۲) و «مطالعاتی در ریاضیات و اقتصاد مدیریت» (۱۱)، مبانی ریاضی آن را بینان نهاده‌اند. علاوه بر آنها محققین بیشماری چون ایجیری (۲۵) و مانو (۲۶) در متون خود از آن یاد کرده‌اند. لی و شیم (۱۲) نیز در سال ۱۹۸۴ مدل معتبری را راجع به بودجه بر مبنای صفر ارائه دادند که اساس آن نیز بر برنامه‌ریزی آرمانی (GP) نهفته است. مدل ریاضی این محققین شامل سه دسته محدودیت آرمانی متعارض است که عبارتند از:

الف - برنامه یا فعالیتهای نیل به اهداف

ب - هدف نائل آمدن به بسته تصمیم

ج - آرمان سقف بودجه

یکی از جامع‌ترین مدل‌هایی که توسط بورتن و سایرین (۱۳) برای برنامه‌ریزی کوتاه مدت و بلند مدت ارائه شده است به بودجه به عنوان یک منبع در کنار مواد و تجهیزات توجه دارد. به علاوه این مدل تلاش دارد که در بودجه‌ریزی انق زمانی را به بیش از یکسال بکشاند.

در دو دهه اخیر مدل‌های ریاضی متعددی در خصوص بودجه بندی و برنامه‌ریزی مالی و اقتصادی ارائه شده است. از آن جمله می‌توان به مدل آرمانی برای اقتصاد نیجریه اشاره کرد (۱۴). این

برنامه‌ها و فعالیتها دستخوش تغییر شده و عملأ تمامی کوشش آنها بی خاصیت جلوه کند. عوامل مداخله‌گر درونزا (سلطان مدیوان، پرسنل و محدودیتهای سازمانی) و برونززا در برنامه‌ریزی هزینه باعث شده است که عملأ رویکردهای ریاضی موجود، پاسخگوی نیاز برنامه‌ریزان نباشد. به علاوه مهمترین عاملی که استفاده از روشهای فعلی مدل‌سازی بودجه را زیر سوال می‌برد، «نادقيق آ و مبهم آ» بودن داده‌های موجود سازمانهاست.

تمامی روشهای ریاضی ارائه شده تا به حال، این عوامل را ثابت فرض کرده و اثر آنها را در مدل‌سازی هزینه نادیده انگاشته‌اند. ساده‌انگاری مدل‌های ریاضی پیشین از یک طرف و ماهیت بودجه در سازمانهای دولتی ما از طرف دیگر، طرح سوال زیر را قوت می‌بخشد:

«آیا می‌توان یک مدل ریاضی برای برنامه‌ریزی هزینه در سازمانهای دولتی طراحی کرد که ضمن اندازه‌گیری کمی عوامل مداخله‌گر درونزا و برونززا در بودجه، با ویژگیهای سازمانی کشور ما انتطباق داشته باشد؟» به تعبیر ریاضی:

«آیا می‌توان گفت که مدل ریاضی برنامه‌ریزی هزینه در سازمانهای کشور، یک مدل فازی است؟ اگر این مدل یک مدل فازی است، پس با توجه به ماهیت بودجه در سازمانهای دولتی از چه بافتی برخوردار است؟»

پاسخ به سؤالات فوق منجر به طراحی یک مدل ریاضی قطعی<sup>۱۵</sup> یا فازی خواهد شد که نه تنها در برنامه‌ریزی کوتاه مدت هزینه کاربرد دارد بلکه قابلیت تعیین به یک دوره پنج ساله، ده ساله و یا N ساله را خواهد داشت.

### پیشینه تحقیق

بودجه مهترین و مؤثرترین وسیله‌ای است که می‌تواند به عنوان یک عامل برنامه‌ریزی و کنترل در سازمانها مورد استفاده قرار گیرد و کلیه مسوولان، مجریان و تصمیم‌گیران را در نیل به اهداف خود و سازمان یاری دهد. بنا براین شناخت صحیح این ابزار و به کارگیری اصولی و مناسب آن از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. مایه حیات اقتصادی یعنی بودجه عمومی اگر به طور نابجا و بدون رعایت ضوابط و اولویتها مصرف شود؛ ثبات اقتصادی و سلامت اجتماعی را به تدریج دستخوش بحران و نابسامانی خواهد کرد و مزه نامطلوب آن ذاته نسل کنونی و نسلهای آینده را تلغی خواهد

در تمامی مدل‌های بررسی شده هنوز انسان اقتصادی کلاسیک‌ها، انسان عقلایی سایمون و انسان بودجه‌ای آلن شیک (واضع بودجه بر مبنای صفر)، تصمیم‌های خود را با فرض دقیق و قطعی بودن داده‌ها اتخاذ می‌کنند. هر چند که تصمیمات آنها بر پایه داده‌های کیفی، مبهم و نادقيق است، روش‌های پیشین برنامه‌ریزی هزینه جملگی برگرفته از ریاضیات کلاسیک و منطق دو مقداری و چند مقداری است که خواهان داده‌های کمی و دقیق هستند. بیان احساسات آدمی، «متغیرهای زبانی» و اطلاعات مبهم جایی در مدل‌های ریاضی پیشینیان نداشت و ندارد. چراکه تا سال ۱۹۶۵ هیچ کس نمی‌دانست که چگونه ابهامات برخواسته از ذهن انسان و محیط را می‌توان مدل‌سازی ریاضی کرد و تحلیل نمود (۳۶، ۳). در سال ۱۹۶۵ پرسور عسکری لطفی‌زاده، تئوری مجموعه‌های فازی ۱۴ را بیان نهاد، با پیدایش تئوری فازی، یکی از گزرهای کور برنامه‌ریزی هزینه گشوده شد. بدینسان «انسان بودجه‌ای» دیگر یک انسان صرفاً قطعی نیست. بلکه او یک «انسان فازی» ۱۵ است. او همچنانکه فازی فکر می‌کند بر اساس داده‌های فازی نیز تصمیم می‌گیرد.

گسترش تئوری فازی ۱۶ به برنامه‌ریزی خطی (۴، ۵، ۸، ۱۷) و برنامه‌ریزی آرمانی (۳۸، ۳۹، ۴۰، ۴۱، ۴۲، ۴۳) باعث شد که دیگر مقدار و همچنین ضرایب و وزن متغیرها در آرمانها و محدودیتها دقیق و قطعی تلقی نشود. در مدل‌های پیشین او آنجاکه روش ریاضی مناسبی برای اندازه‌گیری داده‌های نادقيق و مبهم وجود نداشت، محققین این معضل را به دیده اغمضان می‌انگاشتند.

توسعه تئوری فازی موجب شد که این فرض نادرست در خصوص اجزاء مدلها حذف گردد و مدل‌های طراحی شده یک گام دیگر به واقعیت نزدیکتر گردند. از این رو با استفاده از مطالعات گذشگان و به کارگیری تئوری فازی محقق در تلاش است که با طراحی مدل ریاضی برنامه‌ریزی هزینه برای سازمانهای دولتی کشور پاسخی برای سوال تحقیق پیدا کند. رویکرد ما برای طراحی این سیستم در مرحله اول یک رویکرد قطعی است که در نهایت به رویکرد فازی می‌انجامد.

محقق در این مقاله با استرجاع فنون ریاضی، تصمیم‌گیری، پیش‌بینی<sup>۱۷</sup> و منطق فازی به رویکرد نوینی در تدوین مدل ریاضی برنامه‌ریزی هزینه در سازمانهای دولتی کشور رسیده است

مدل که توسط وای.ای. حبیب (Y.A.Habib) ارائه شده است یک مدل نمونه ۱۱ برای اقتصاد نیجریه می‌باشد. این مدل مجموعاً دارای ۴۰۰ متغیر تصمیم (X) و ۱۰۴۰ متغیر انحراف ( $L^+$ ،  $L^-$ ) است قابل حل با استفاده از مدل‌های آرمانی در تحقیق در عملیات خواهد بود. این مدل دارای سه دسته آرمان است که دارای اولویت ویژه نسبت به همیگر ۱۲ هستند. آرمانهای مدل به ترتیب؛ تخصیص منابع مالی و ریالی، رشد اقتصادی و تأمین نیروی انسانی می‌باشند.

از دیگر مدل‌هایی که پیرامون بودجه‌هایی نگاشته شده است، می‌توان به مدل گرینبرگ و نوناماکار (Greenberg & Nunamakar) اشاره کرد. آنها نیز یک مدل برنامه‌ریزی آرمانی و چند معیاره به منظور تخصیص بهینه بودجه در بخش عمومی پیشنهاد کرده‌اند. مزیت این مدل بر مدل آقای حبیب آن است که برای استخراج اولویتها و ضرایب مدل خود، از فرآیند تحلیل تسلسلی (AHP) استفاده کرده‌اند (۱۵). در این مدل، سهم نهایی هر ریال بودجه تخصیص داده شده به واحد زاده مدیریت k برای هدف  $Z_k$  محاسبه شده و به عنوان مطلوبیت تصمیم‌گیرنده تلقی می‌شود (۱۵).

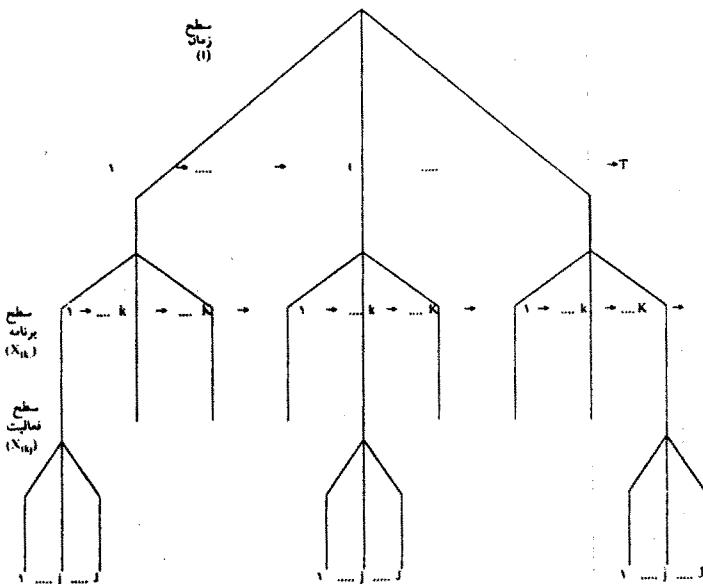
زاناکیس (S.H. Zanakis) نیز مدلی را برای تخصیص بودجه به کتابخانه ارائه داده است. نویسنده در این مقاله یک رویکرد دو مرحله‌ای برای مسأله سنجش منافع (در حالت کلان) و تخصیص منابع کتابخانه مطرح می‌کند. اولاً به کمک رویکرد AHP به ترکیب قضاوت شرکت‌کنندگان در کمیته طوفان مغزی ۱۳ می‌پردازد و به کمک نظرات آنها منافع ناشی از خدمات کتابخانه سنجش می‌گردد. ثانیاً به تخصیص منابع محدود مالی با استفاده از یک رویکرد چند هدفی به اراضی اهداف متضادی که در مرحله یک در نظر گرفته شده‌اند می‌پردازد (۱۶).

علاوه بر موارد فوق به تلاش محققین بیشماری چون: C.Joiner & (۱۸) A.H. Kavanli, (۱۷) E.L. Hannan T.W., (۲۰) G.Mckeown & F. Selia, (۱۹) A.E.Drake, (۲۳) G.Allen & L.C. Tat, (۲۲) W.D.Cook, (۲۱) Rueffli Ottesmann &, (۲۴) J.H. Bookbinder & F.Ulengin Gleenson (۲۵), (۲۶) Y.Ijiri, (۲۷) JCT.Mao در زمینه برنامه ریزی مالی و بودجه‌بندی و بخصوص تخصیص منابع مالی می‌توان اشاره کرد.

که چگونگی تدوین آن در پی می‌آید.

### عوامل مؤثر بر طراحی مدل ریاضی

مطالعات نشان می‌دهد که طراحی مدل ریاضی بودجه شدیداً تحت تأثیر عواملی چون؛ افق بودجه‌ریزی (زمان)، ساختار بودجه و انتظارات مدیریت و تصمیم‌گیران است. بودجه، در هر سیستم تحت تأثیر رویکرد بودجه‌ریزی نیز هست. اینک به تشریح هر یک از این عوامل در راستای طراحی مدل ریاضی بودجه در سازمانهای دولتی پرداخته می‌شود:



شکل شماره ۱ - ساختار بیرونی سلسه مرتب بودجه سازمانهای دولتی

همچنانکه شکل شماره ۱ نشان می‌دهد، سطح اول نشانده‌شده افق بودجه‌ریزی است که به پنج سال، ده سال و حتی T سال (T=۱, ۲, ..., ۵) می‌رسد. واضح است که بودجه برنامه‌ای؛ PB، تنظیم بودجه در هر سال (۱) است. پس علاوه بر نگاه سیستمی به بودجه ضرورت دارد که بودجه سالانه نیز تنظیم گردد. پس سطح دوم ساختار، بیانگر بودجه هر سال خواهد بود که به تفکیک برنامه‌های آن سال تعریف می‌شود. سطح دوم ساختار دارای K برنامه بازه هر سال خواهد بود. ما از این مرحله به بعد، سطح دوم بودجه را «سطح برنامه» خواهیم نامید. سطح آخر شامل فعالیت‌های هر برنامه است. از آنجاکه هر برنامه دارای J فعالیت می‌باشد. پس «سطح فعالیت» دارای (J×K×T) در ساختار سلسه مرتب بودجه می‌باشد.

### الف - مدت زمان تخصیص بودجه

آنچه امروزه در سازمانهای دولتی (بخصوص در کشور ما) رواج دارد، اصل سالانه بودن بودجه است. ولی یک واقعیت انکارناپذیر در بودجه PPBS وجود دارد که بودجه‌های دولتی شدیداً تحت تأثیر افق برنامه‌ریزی تنظیم می‌شوند. سیکل برنامه‌ریزی بستگی به نظر طراحان بودجه دارد که معمولاً برنامه‌های پنجم‌ساله مطلوب آنهاست. اغلب سازمانهای هدفدار دارای طرح جامع پنجم‌ساله هستند که دورنمای اهداف و حرکات استراتژیک سازمانها را تبیین می‌کند. بدینه است یک مدل ریاضی باید به گونه‌ای طراحی شود که در یک دوره پنجم‌ساله (۱, ۲, ..., ۵) پاسخگوی انتظارات مدیریت سازمان باشد.

### ب - ساختار بودجه دولتی

مطالعه‌ای اجمالی از بودجه‌ریزی در سازمانهای دولتی نشان می‌دهد که بودجه شدیداً تحت تأثیر برنامه‌های هر سازمان است. هر سازمان در تلاش است که برای رسیدن به اهداف سالانه و بسندمداد خود برنامه‌هایی را تعریف کند. برنامه در واقع استخوان‌بندی بودجه هر سازمان را تشکیل می‌دهد. تعداد برنامه‌ها بستگی به تنوع وظایف سازمان و اهداف آن دارد. اگرچه برنامه‌ها در هر سازمان تفاوت چشمگیری با سایر سازمانها سایر از جهت وجودی دارند ولی تعریف آنها در یک مدل ریاضی تفاوت چندانی نخواهد داشت.

از آنجاکه مجموعه‌ای از فعالیت‌های همگن را برنامه گویند، بنابراین آخرین سطح در ساختار بودجه دولتی «فعالیت» خواهد بود. فعالیت کوچکترین جزء در بودجه دولتی است که حالت

بیانگر «سطح ماده» است. این دسته از متغیرها، در مدل «متغیرهای درونزا» نامیده خواهد شد.  
بدین ترتیب نوع و تعداد متغیرهای تصمیم در یک پودجه دولتی با نگرش PPBS شکل می‌گیرد.

ج - انتظارات مدیریت از تخصیص بودجه در مؤسّسات سود مدار <sup>۱۸</sup> تلاش بر آن است که اثربخشی براساس قیمت و سود هر واحد کالای تولید شده و یا خدمت ارائه شده سنجش گردد. به عبارت دیگر ملاک عینی مناسب برای فعالیتهای انجام گرفته و تخصیص منابع مالی به آنها در دسترس می‌باشد. بر این اساس، مدیران سود مدار، عموماً در صدد آن خواهند بود که ضمن اراضی خشنودی مصرف کننده، بطور همزمان سود خود را نیز حداکثر کنند. مدل‌های ریاضی در چنین سازمانهای ساختار مشخص دارند، زیرا ملاک انجام یا عدم انجام فعالیت روشن است. در عوض، مدیران بخشهای غیرانتفاعی و عمومی کمتر تمايل و یا انگیزه‌ای برای حداکثر کردن اثربخشی و کارآئی <sup>۱۹</sup> دارند. عدم وجود یک مرجع بالاتر و سهیم در منافع سازمان (مثل سهامداران) وجود محدودیت‌های قانونی در توزیع منابع سازمان، مدیران را اغلب به یک رفتار اجتماع پسند <sup>۲۰</sup> تشویق می‌کنند که اغلب در محیط‌های دولتی همراه با سیاستی بازی می‌باشد. این معضلات، ضرورت طراحی یک مدل ریاضی را برای تعریف دقیق مطلوبیت، سطح مناسب نیروی انسانی، اشتغال، رعایت نسبت فعالیتها و ... را بیش از پیش توجیح می‌کنند. چراکه دخالت عوامل فوق که به رفتار مدیران جهت می‌دهند تا حدودی محدود خواهد شد و معیار اندازه‌گیری اثربخشی سازمان را بهبود خواهد داد. ترجیحات و انتظارات مدیران، شکل دهنده تابع (توابع) هدف مدل ریاضی تخصیص بودجه است. مدیریت در تلاش است که با تزریق پول به درون سازمان به اهداف مورد نظر نائل آید. علاوه بر ترجیحات مدیران، «رسالتی که برای سازمان و زیرمجموعه‌های آن ترسیم شده است در تعریف توابع هدف سازمان مؤثر است»، چراکه نوع فعالیتهای هر سازمانی به رسالت آن برمی‌گردد. اعتقاد مدیریت سازمان به تمرکز و درجه آن <sup>۲۱</sup> یکی دیگر از عواملی است که بر سطح مطلوبیت تخصیص بودجه اثر می‌گذارد. بدینه است که هر چه مدیریت به واحدهای عملیاتی بیشتر اهمیت دهد، مطلوبیت هر ریال بودجه در سطح پائین تر سلسه

شکل شماره ۱ به مأکمل خواهد کرد که بر احتیت متغیرهای تصمیم را تعریف کنیم. یک دسته از متغیرهای تصمیم مقدار بودجه‌ای خواهد بود که به «سطح زمان» اختصاص می‌یابد. دسته‌ای نیز بیانگر مقدار بودجه‌ای خواهد بود که به هر یک از برنامه‌های «سطح برنامه» اختصاص خواهد یافت. براساس «سطح فعالیت» نیز می‌توان متغیرهایی را تعریف نمود که بیانگر مقدار بودجه‌ای باشد که به هر یک از فعالیتها اختصاص می‌یابد. این مجموعه از متغیرها را «متغیرهای ساختاری درونزا» می‌نامیم. مجموعه‌ای دیگر از متغیرها وجود دارد که ما آنها را «متغیرهای ساختاری درونزا» می‌گوییم. از آنجاکه بودجه هر سال ترکیبی از فصول و مواد است، پس مدل ریاضی باید به گونه‌ای تهیه شود که نشاندهنده این واقعیت نیز باشد، به طور کلی ترکیب بودجه یک سازمان دولتی چهار فصل و بیست ماده است.

فصول چهارگانه عبارتند از:

فصل اول: هزینه‌های پرسنلی

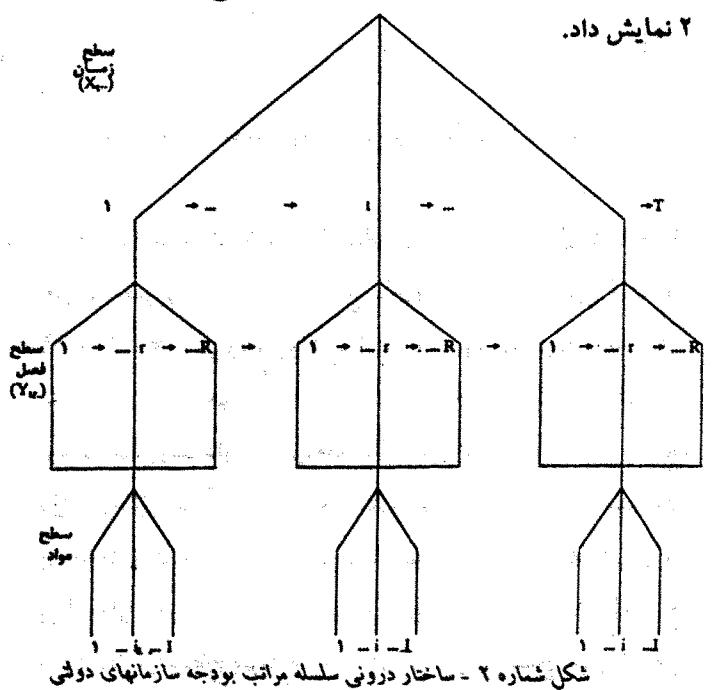
فصل دوم: هزینه‌های اداری

فصل سوم: هزینه‌های سرمایه‌ای

فصل چهارم: پرداختهای انتقالی

حال می‌توان ساختار درونی بودجه را در سه سطح در شکل شماره

۲ نمایش داد.



شکل شماره ۲ - ساختار درونی سلسه مراتب بودجه سازمانهای دولتی

همچنانکه شکل شماره ۲ نشان می‌دهد، سطح اول نشاندهنده «سطح زمان»، سطح دوم، بیانگر «سطح فصول» و سطح سوم،

طوری که اولین و مهمترین آرمان آن مطلوبیت ۲۳ حاصل از بودجه اختصاص داده شده به سازمان می‌باشد. سایر آرمانها بیانگر نسبت مطلوب بودجه فعالیتها در سازمان خواهد بود. حاصل، مدل ریاضی آرمانی در حالت قطعی است که اختصاراً؛ ۲۴ CGP نامیده می‌شود. مدل ۱ مدل CGP برای بودجه سازمانهای دولتی است.

#### الف - تشریح آرمانها

آرمان یک بیانگر مطلوبیتی است که بازام تخصیص بودجه ریالی نصیب تصمیم‌گیرنده در سازمان می‌شود. اگر  $X_{ik}$  بودجه سالانه پاشد پس  $W_{ik}$  مطلوبیت حاصل از هر ریال بودجه اختصاص داده شده به سال ۱ خواهد بود. بنابراین  $W_{ik} = \sum_1^k$  است. از آنجاکه  $X_{ik}$  بودجه ریالی اختصاص داده شده به برنامه K در سال ۱ است. بنابراین  $W_{ik}$  مطلوبیت حاصل از هر ریال بودجه اختصاص داده شده به برنامه K در سال ۱ می‌باشد. پس  $W_{ikj} = \sum_k$  است. از سوی دیگر  $\sum_j W_{ikj}$  مطلوبیت حاصل از بودجه اختصاص داده شده به فعالیت‌های یک برنامه در سال ۱ باید مساوی یک باشد.

$a_i$  نشان می‌دهد که درجه تمرکز (عدم تمرکز) بودجه‌ریزی و مطلوبیت حاصل از آن در سازمانهای دولتی چگونه است. بطوری که اگر  $a_i = 1$  باشد، درجه تمرکز صدرصد خواهد بود و تمامی مطلوبیت از سطح اول ساختار بودجه حاصل می‌شود. در این نوع بودجه‌ریزی است که گفته می‌شود «سبک گفتاری» بر «انسان بودجه‌ای» حاکم است. حال آنکه  $a_i = 1$  بیانگر عدم تمرکز کامل است. در این حالت انسان بودجه‌ای تمامی مطلوبیت خود را از تخصیص بودجه به سطح آخر ساختار بدست می‌آورد. به عبارت دیگر در بودجه‌ریزی «سبک تفویضی» حاکم شده است. حاصل سخن آنکه، مقادیر مختلفی که  $a_i$  به خود می‌گیرد نشان‌هندۀ درجه‌ای از تمرکز می‌باشد و  $a_i = 1$  شرط لازم در آرمان یک خواهد بود. بدیهی است، تلاش تصمیم‌گیران حداکثر کردن مطلوبیت حاصل از هر ریال بودجه اختصاص داده شده به سال، برنامه و فعالیت می‌باشد. بنابراین آرمان یک به صورت MAX بیان شده است.

دسته دوم آرمانها؛ بیانگر نسبت‌های مطلوبی هستند که رعایت آنها آرزوی هر تصمیم‌گیرنده و مدیری است. به عنوان مثال؛ نسبت

مراتب بودجه نسبت به سطوح بالاتر بیشتر خواهد بود. از طرف دیگر اعتقاد مدیران به تمرکز در ساختار سازمان، ارزش ریالی بودجه تخصیصی به سطوح برنامه‌ها و زمان را بالاتر خواهد برد. مفهوم تمرکز و عدم تمرکز به ادراک و برداشت مدیران از سطوح سازمانی و بودجه بستگی دارد و یک امر اجتناب‌ناپذیر است. سبک رهبری و مدیریت افراد پدیده‌ای است که شدیداً تحت تأثیر شخصیت مدیران است. برخی از مدیران سازمانها از بلوغ روانی و توان کاری کافی برخوردارند بنابراین به «سبک تفویضی» روی می‌آورند. در حالی که برخی شدیداً تمرکزگرا هستند و «سبک گفتاری»<sup>۲۲</sup> را می‌پسندند. برخی نیز در بین این دو طیف سیال هستند. بدیهی است مدل ریاضی باید آنقدر انعطاف داشته باشد که این ویژگی مدیران را در نظر بگیرد (۴۴).

صورت‌بندی مدل ریاضی قطعی تخصیص بودجه در سازمانهای دولتی  
براساس آنچه در بخش قبل گذشت؛ مدل ریاضی ما دارای دو دسته متغیر تصمیم است :

الف - متغیرهای تصمیم «برونزا» که با «نماد  $\lambda$  نشان داده می‌شوند. این دسته از متغیرها براساس شکل شماره ۱ تعریف شده و بر پایه سطوح زمان (۱)، برنامه (k) و فعالیت (j) بیان شده‌اند.

ب - متغیرهای تصمیم مربوط به ساختار درونی بودجه که آنها را با «نماد  $\gamma$  نشان خواهیم داد و برگرفته از فصول و مواد بودجه هستند. این دسته از متغیرها براساس شکل شماره ۲ تعریف می‌گردد و آنها را متغیرهای «درونز» خواهیم خواند.

بنابراین می‌توان معادله ۱ را برای تعیین تعداد متغیرهای تصمیم هر مدل ریاضی قطعی در رویکرد PPBS تعریف کرد.

$$(1) \quad \begin{aligned} & \text{Tعداد متغیرهای تصمیم} \\ & (\text{افق برنامه‌ریزی } T) + (\text{افق برنامه‌ریزی } T) = \text{در مدل ریاضی PPBS} \\ & (\text{افق برنامه‌ریزی } T) + (\text{Tعداد برنامه در سال } K) \times \\ & (\text{Tعداد فعالیت در هر برنامه } J) \times (\text{Tعداد برنامه } K) \times \\ & (\text{Tعداد فصول بودجه } R) \times (\text{افق برنامه‌ریزی } T) + \\ & (\text{Tعداد مواد بودجه } I) \times (\text{افق برنامه‌ریزی } T) \end{aligned}$$

رسالت و ترجیحات تصمیم‌گیران ایجاب می‌کند که یک مدل برنامه‌ریزی آرمانی (GP) برای بودجه دولتی مناسب باشد. به

## مدل ۱ - مدل ریاضی تخصیص بودجه در سازمانهای دولتی - مدل CGP

۱ - آرمان مطلوبیت کل حاصل از تخصیص بودجه

$$\text{Max} \left( a_3 \sum_{t=1}^T W_{t..} X_{t..} + a_2 \sum_{t=1}^T \sum_{k=1}^K W_{tk} X_{tk} + a_1 \sum_{t=1}^T \sum_{k=1}^K \sum_{j=1}^J W_{tkj} X_{tkj} \right) = G1$$

۲ - آرمانهای نسبت بودجه بر اساس فعالیتها در هرسال

$$\sum_{j=1}^J \sum_{k=1}^K X_{tkj} / \sum_{k=1}^K \sum_{j=1}^J X_{tkj} \Theta MP\alpha_t \quad (t=1,2,\dots,T)$$

محدودیتها:

۱ - محدودیتهای سیستم جهت تعادل:

$$1-1) X_{t..} = \sum_{k=1}^K X_{tk} \quad (t=1,2,\dots,T)$$

$$1-2) X_{tk} = \sum_{j=1}^J X_{tkj} \quad (t=1,2,\dots,T; k=1,2,\dots,K)$$

$$1-3) X_{..r} = \sum_{t=1}^T Y_{tr} \quad (t=1,2,\dots,T)$$

$$1-4) Y_{tri} = \sum_{k=1}^{\alpha} \sum_{j=1}^{\beta} \lambda_{tkj} X_{tkj} \quad (t=1,2,\dots,T; r=1,2,\dots,R; i=1,2,\dots,I)$$

$$1-5) Y_{tr} = \sum_{i=1}^n Y_{tri} \quad (t=1,2,\dots,T; r=1,2,\dots,R; n=1,2,\dots,I)$$

محدودیتهای بودجه‌ای:

$$1-6) \sum_{m=1}^I X_{tm} \leq \sum_{m=1}^I I_m \quad (t=1,2,\dots,T)$$

$$1-7) X_{t..} + X_{..r} = 1 \quad (t=1,2,\dots,T)$$

۳ - محدودیتهای کراس-مرز:

$$1-8) (1-h_{t..}) L_{t..} \leq X_{t..} \leq (1+h_{t..}) U_{t..} \quad (t=1,2,\dots,T)$$

$$1-9) (1-h_{tk}) L_{tk} \leq X_{tk} \leq (1+h_{tk}) U_{tk} \quad (t=1,2,\dots,T; k=1,2,\dots,K)$$

$$1-10) (1-h_{tkj}) L_{tkj} \leq X_{tkj} \leq (1+h_{tkj}) U_{tkj} \quad (t=1,2,\dots,T; k=1,2,\dots,K; j=1,2,\dots,J)$$

$$1-11) (1-P_{tr}) L_{tr} \leq X_{tr} \leq (1+P_{tr}) U_{tr} \quad (t=1,2,\dots,T; r=1,2,\dots,R)$$

لیست متغیرها:

$X_t$ :	بودجه قابل تخصیص به سال $t$	
$X_{tk}$ :	بودجه قابل تخصیص به برنامه $k$ در سال $t$	
$X_{tjk}$ :	بودجه قابل تخصیص به فعالیت $j$ در برنامه $k$ در سال $t$	
$Y_{tr}$ :	بودجه قابل تخصیص به فصل $r$ در سال $t$	
$Y_{tri}$ :	بودجه قابل تخصیص به ماده $i$ در فصل $r$ در سال $t$	
	لیست ضرایب و مقادیر سمت راست:	
$W_{t..}$ :	مطلوبیت هر ریال بودجه اختصاصی به سال $t$	
$W_{tk..}$ :	مطلوبیت هر ریال بودجه اختصاصی به برنامه $k$ در سال $t$	
$W_{tjk..}$ :	مطلوبیت هر ریال بودجه اختصاصی به فعالیت $j$ در برنامه $k$ در سال $t$	
$\sum_{i=1}^k W_{ti..} = 1$	$\sum_{k=1}^j W_{tk..} = 1$	$\sum_{j=1}^l W_{tjk..} = 1$
$a_i$ :	وزنی که به سطح $i$ ام در ساختار بودجه داده می شود.	
$\sum_{i=1}^r a_i = 1$		
$MP_{\alpha t}$	درصد مطلوب بودجه اختصاص داده شده به یک مجموعه فعالیت در سال $t$	
$\lambda_{tjk..}$ :	نسبتی (درصدی) از بودجه که به ماده $i$ در فصل $r$ در سال $t$ اختصاص می یابد	
$I_t$	بودجه قابل وصول در سال $t$	
$L_{t..}, U_{t..}$	حدود بالا و پایین بودجه قابل تخصیص در سال $t$	
$(x)_{tjk..}, U_{tjk..}$	حدود بالا و پایین بودجه قابل تخصیص به برنامه $k$ در سال $t$	
$(x)_{t..}, U_{t..}$	حدود بالا و پایین بودجه قابل تخصیص به سال $t$	
$(y)_{tjk..}, U_{tjk..}$	حدود بالا و پایین بودجه قابل تخصیص به ماده $i$ در فصل $r$ در سال $t$	
$(l)_{t..}, h_{t..}$	انحرافهای درصدی پایین و بالا مربوط به بودجه سال $t$	
$(l)_{tjk..}, h_{tjk..}$	انحرافهای درصدی پایین و بالا مربوط به بودجه برنامه $k$ در سال $t$	
$(l)_{tjk..}, h_{tjk..}$	انحرافهای درصدی پایین و بالا مربوط به بودجه فعالیت $j$ در برنامه $k$ در سال $t$	
$(l)_{tr..}, h_{tr..}$	انحرافهای درصدی پایین و بالا مربوط به بودجه فصل $r$ در سال $t$	

$$Y_{tr} = \sum_{k=1}^{\alpha} \sum_{j=1}^{\beta} \lambda_{tkj} X_{tkj} \quad (t=1,2,\dots,T; r=1,2,\dots,R; i=1,2,\dots,I)$$

نکری از  $X_{tkj}$  خواهد بود که مجموع حاصلضرب آنها در پیرنامه و  $\alpha$  فعالیت در سال  $t$  بودجه اختصاص داده شده به ماده  $i$  مربوط به فصل  $r$  در سال  $t$  را تشکیل می‌دهد. محدودیت (۱-۴) نشانده‌نده تعادل سطح دوم ساختار بیرونی و درونی است در حالی که تعادل سطح دوم و سوم ساختار درونی نیز مطرح است. محدودیت‌های (۱-۵) بیانگر این نوع تعادل است. یعنی:

$$Y_{tr} = \sum_{i=1}^R Y_{tr} \quad (t=1,2,\dots,T; r=1,2,\dots,R; n=1,2,\dots,N)$$

از آنجاکه اینگونه محدودیتها پر اساس شکل شماره ۲ تعریف می‌شوند و بواسطه متغیرهای درون‌زا حادث شده‌اند به محدودیت‌های درون‌زا<sup>۲۶</sup> تعبیر می‌شوند.

دسته دوم: محدودیت‌های بودجه‌ای هستند. مجموع بودجه

قابل اختصاص تا سال  $t$  ( $\sum_{m=1}^M X_{tm}$ ) حداقل مساوی مبالغ ریالی

قابل حصول تا سال  $t$  ( $\sum_{m=1}^M I_m$ ) خواهد بود. مبلغ قابل دسترس در سال  $t$  عبارت است از:

$$X_{t..} + S_t - S_{t-1} = I_t \quad (t=1,2,\dots,T)$$

معادله فوق نشان می‌دهد که؛ مقدار وصول بودجه از سازمان برنامه و بودجه ( $I_t$ ) به علاوه موجودی صندوق در سال  $t-1$  ( $S_{t-1}$ ) با بودجه تخصیصی به سال  $t$  ( $X_{t..}$ ) به علاوه موجودی ریالی پایان دوره  $t$  مساوی خواهد بود.

دسته سوم محدودیت‌ها را محدودیت تنهای حددار گویند. هر متغیر تصمیم در مدل یک حد پائین و حد بالا (...U<sub>t..</sub>, ...L<sub>t..</sub>) خواهد داشت، این امر از ویژگی‌های بارز بودجه دولتی در ایران است. بطوری که در سیستم دولتی کمتر می‌توان فعالیت یا برنامه‌ای را تعطیل کرد. بنابراین حداقل بودجه را باید به آن اختصاص داد. ناگفته نماند که این نوع محدودیت‌ها بیشتر برگرفته از رویکرد تزریک PPBS<sup>۲۷</sup> می‌باشد در حالی که در نگرش ZBB، برنامه پژوهانه‌ها در مدل، دارای کمترین اهمیت و احیاناً پائین‌ترین سطح اولویت در «بسته‌های تصمیم» خواهد بود.

... و P<sub>t..</sub> حدود تولرانس مقادیری است که از مقدار اولیه مقادیر سمت راست می‌توان صرفنظر کرد. ... h<sub>t..</sub> در واتع درصد

بودجه آموزشی و پژوهشی به کل بودجه سالانه در مراکز دانشگاهی یکی از آرمانهایی است که دارای استاندارد مشخص در تخصیص بودجه است و امید هر مدیر رسیدن به این آرمان در تخصیص بودجه سالانه و بلنندگت است. صورت آرمان در سال  $t$  بیانگر مجموع بودجه ریالی است که به فعالیتهای  $1$  تا  $n$  در برنامه‌های  $1$  تا  $m$  اختصاص می‌یابد. مخرج آرمانها بیانگر کل بودجه اختصاص داده شده به آن فعالیتها و برنامه‌های است. علامت  $\Theta$  بیانگر هر نوع آرمان ممکن همانند  $\leq$ ،  $=$  می‌باشد. مقدار  $MP_{tr}$  سطح مطلوب مورد نظر (مقدار ثابت آرمان) می‌باشد. این آرمانها بسته به نوع خود ممکن است از نوع Min Max یا باشند.

### ب - تشریح محدودیت‌ها

با توجه به ساختار بودجه و متغیرهای آن محدودیت‌های مدل به سه دسته تقسیم می‌گردند:

دسته اول؛ محدودیت‌هایی هستند که تعادل بودجه را در «سطح زمان»، «سطح برنامه» و فصول و مواد بودجه تنظیم می‌کنند. محدودیت:

$$X_{t..} = \sum_k X_{tk} \quad (t=1,2,\dots,T)$$

بیانگر این امر است که مجموع بودجه اختصاص داده شده به برنامه‌ها در سال  $t$  با بودجه تخصیصی آن سال باید برابر باشد. از سوی دیگر مجموع بودجه اختصاص داده شده به فعالیت‌های یک برنامه باید با بودجه تخصیصی آن برنامه مساوی باشد. یعنی:

$$X_{tk} = \sum_i X_{tik} \quad (t=1,2,\dots,T; k=1,2,\dots,K)$$

این نوع محدودیت‌ها بر اساس شکل شماره ۱ تعریف می‌شوند. بنابراین «محدودیت‌های بروزنزا<sup>۲۸</sup>» خوانده می‌شوند. محدودیت:

$$X_{t..} = \sum_r Y_{tr} \quad (t=1,2,\dots,T)$$

بیانگر این واقعیت است که مجموع بودجه اختصاص داده شده به فصول باید با مجموع بودجه سالانه یکسان باشد. علاوه بر تعادل فصول بودجه تعادل مربوط به مواد بودجه نیز باید حاصل گردد. به عبارت دیگر مجموع اجزایی از بودجه اختصاص داده شده به فعالیتهای سالانه باید با بودجه اختصاص داده شده به ماده آ در فصل  $t$  در سال  $t$  مساوی باشد:

پیشین نواقص آنها را تا حدودی برطرف می‌سازد. در اینجا از قابلیت انعطاف‌پذیری تئوری فازی که قادر به تنظیم مدل‌های ریاضی بر اساس الفاظ کلامی است استفاده خواهد شد و مدل‌های پیشین بهبود داده می‌شود. تئوری فازی کمک خواهد کرد که آرمانهای مدل CGP و محدودیت‌های وصول بودجه تحت تأثیر «متغیرهای مداخله‌گر» تعریف شود و در نهایت بودجه یک سازمان دولتی مدلسازی گردد. از آنجا که مدل قطعی ما از بودجه یک مدل آرمانی است پس مدل فازی آن نیز آرمانی خواهد بود و ما آن را «برنامه‌ریزی آرمانی فازی (FGP)» می‌خوانیم.

تأثیر عوامل بیان شده، باعث خواهد شد که نیل به آرمانهای تعریف شده در مدل ۱ و حتی مقدار آنها تا حدودی با دیده شک مورد عنایت قرار گیرد. به عبارت دیگر در اینگونه آرمانها بجای علائم  $\geq$ ،  $\leq$  و  $=$  باید از علائم  $\geq$ ،  $\leq$  و  $\neq$  (نمی‌یعنی حدوداً) استفاده شود. این نادقیقی در خصوص بودجه قابل وصول ( $I_m$ ) نیز ملموس‌تر است. تأثیر متغیرهای سیاسی و خارجی و بخصوص غیرقابل کنترل بودن درآمدها و بودجه تخصیصی از سوی سازمان برنامه و بودجه به سال ۲ باعث خواهد شد که محدودیت‌های دقیق (۲-۱) در مدل ۱ به یک سری محدودیت که (نا دقیق) تبدیل گردد. بنابراین یک مدل FGP خواهیم داشت که برخی از محدودیت‌های آن نیز فازی هستند. طرح کامل مدل فازی بصورت مدل شماره ۲ خواهد بود.

همچنانکه مشخص است مدل دارای (T+1) آرمان فازی و T محدودیت فازی خواهد بود. بررسیهای محقق نشان داد که یکی از بهترین روش‌های حل مدل‌های آرمانی فازی، روش تیواری و همکارانش (۴۱) است. آنچه در ادبیات تحقیق مطرح است (۴۰ و ۴۲)، صرفاً آرمانهای فازی را در برمی‌گیرد. حال آنکه در مدل ما، محدودیت فازی نیز وجود دارد. در این راستا باید عملگر جمعی تیواری را برای انطباق با مدل شماره ۲ توسعه داد. از آنجا که در متدهای عملگر جمعی، متغیرهای فازی در بازه [۰،۱] جانشین متغیرهای اسحرافی می‌شوند، می‌توان محدودیت‌های فازی را همچون آرمان فازی در نظر گرفت و کل مدل را با این متدهای حالت قطعی ۲۷ تبدیل کرد. در حالتی که آرمانها دارای اهمیت یکسان نیستند و اولویتهای مدل به صورت کار دیمال تعریف می‌شوند، روش عملگر جمعی را می‌توان به صورت مدل (۳) توسعه داد:

خطابی است که ممکن است در تعیین حد پائین متغیر تصمیم، تصمیم گیرنده چهار شود و ... P درصد خطابی است که تصمیم گیرنده در تعیین حد بالای متغیر تصمیم ممکن است موتکب گردد. به طور کلی تعداد محدودیت‌های حددار در مدل به اندازه تعداد متغیرهایی است که در معادله ۱ تعیین می‌گردد.

تعداد محدودیت‌های مدل ۱ که یک مدل برنامه‌ریزی آرمانی قطعی (CGP) است به کمک رابطه زیر قابل شمارش خواهد بود:

$$(2) \quad [T(5+K)] + (\text{تعداد متغیرهای مدل CGP}) - (\text{تعداد محدودیتهای مدل CGP})$$

### طراحی مدل فازی بودجه

توسعه رویکرد تئوریک بودجه‌ریزی همانند PPBS و همچنین پیچیدگی محیط تصمیم‌گیری و تنوع فعالیتها موجب شد که طراحان بودجه به فکر فرموله نمودن مدل‌های ریاضی برای بهینه نمودن تخصیص بودجه بیافتدند. از ده هفتاد تا کنون مدل‌های ریاضی متعددی ارائه شده است. اما واقعیتی که انکارناپذیر است و در روش‌های پیشین و حتی مدل CGP نیز کمتر به چشم می‌خورد، اصل انعطاف‌پذیری بودجه است. اهمیت این اصل از یکطرف و دخالت عوامل برونزا از طرف دیگر ضرورت انعطاف‌پذیر بودن مدل ریاضی را دو چندان می‌نماید.

بودجه‌های تنظیم شده در بخش دولتی باید مورد بررسی برنامه‌ریزان سازمان برنامه و بودجه و همچنین نمایندگان مجلس قرار گرفته و مورد تصویب واقع شوند. اغلب در این مرحله تغییرات و اصلاحاتی که بیشتر جنبه سیاسی داشته و کمتر جنبه فنی دارد، در آن انجام می‌گیرد. دخالت متغیرهای غیرقابل کنترل (مدیریت، اقتصادی، محیطی، سیاسی و ...) موجب خواهد شد که اعتبار مدل‌های ریاضی پیشین در تنظیم بودجه با سوال همراه شود. چنانچه حدائقی یکی از این عوامل که همگی در رویکردهای ریاضی پیشین ثابت فرض شده‌اند رخ دهد، ترکیب بودجه به هم خواهد خورد و باید بودجه را به طور کلی مورد بررسی مجدد قرار داد. در نتیجه عملاً مدل ریاضی طراحی شده بی‌خاصیت خواهد بود.

قابلیت تئوری فازی در به کارگیری اطلاعات و مشاهدات نادقیق و مبهم است. به کمک این تئوری جدید می‌توان مدل‌های ریاضی جدیدی تنظیم کرد که ضمن داشتن محسن روش‌های

آرمان ۱

(مدل ۲)

$$a_T \sum_{t=1}^T w_{t..} x_{t..} + a_r \sum_{t=1}^T \sum_k w_{tk..} x_{tk..} + a_i \sum_t \sum_k \sum_j w_{tkj..} x_{tkj..} \geq G_1$$

آرمان ۲

$$\sum_{j=1}^J \sum_{k=1}^K x_{ik..} - \alpha \sum_{t=1}^T \sum_k \sum_j x_{tkj..} \geq G_2 \quad (t = 1, 2, \dots, T)$$

### ۱- محدودیت‌های فازی

$$b_t \sum_{t=1}^m x_{tm..} \leq \sum_{t=1}^m I_{mt..} \quad (m = 1, 2, \dots, M)$$

### ۲- محدودیت‌های غیرفازی

$$Y-1) X_{t..} = \sum_k X_{tk..} \quad (t = 1, 2, \dots, T)$$

$$Y-2) X_{tk..} = \sum_j X_{tkj..} \quad (t = 1, 2, \dots, T; K = 1, 2, \dots, K)$$

$$Y-3) X_{t..} = \sum_k Y_{tr..} \quad (t = 1, 2, \dots, T)$$

$$Y-4) Y_{tr..} = \sum_{k=1}^R \sum_{j=1}^J \lambda_{tkj} X_{tkj..} \quad (t=1, 2, \dots, T; r=1, 2, \dots, R; i=1, 2, \dots, I)$$

$$Y-5) Y_{tr..} = \sum_{i=1}^n Y_{tr..} \quad (t = 1, 2, \dots, T; r = 1, 2, \dots, R; n = 1, 2, \dots, N)$$

$$Y-6) (1-h_{t..}) L_{t..} \leq X_{t..} \leq (1+h_{t..}) U_{t..} \quad (t = 1, 2, \dots, T)$$

$$Y-7) (1-h_{tk..}) L_{tk..} \leq X_{tk..} \leq (1+h_{tk..}) U_{tk..} \quad (t=1, 2, \dots, T; k=1, 2, \dots, K)$$

$$Y-8) (1-h_{tkj..}) L_{tkj..} \leq X_{tkj..} \leq (1+h_{tkj..}) U_{tkj..} \quad (t=1, 2, \dots, T; k=1, 2, \dots, K; j=1, 2, \dots, J)$$

$$Y-9) (1-P_{tr..}) L_{tr..} \leq Y_{tr..} \leq (1+P_{tr..}) U_{tr..} \quad (t = 1, 2, \dots, T; r = 1, 2, \dots, R)$$

مقدار عضویت دستیافته در اولویت  $(\mu_i)$  می‌باشد.  
بر اساس الگوریتم توسعه داده شده در مدل ۵ می‌توان به حل مدل GBMF طی دو مرحله پرداخت. مدل مرحله اول؛ مدلی است که دارای تابع هدف؛

$$\text{Max } V(\mu_{..}) = W \cdot \mu_{..} + \sum_{bt=1}^T W_{bt} \mu_{bt}$$

است که فاقد محدودیت‌های دوم، است. الگوریتم ترتیبی در حل مدل‌های GP بیانگر این واقعیت است که باید محدودیت‌های مدل اولویت اول، ارضاء شده سپس آرمانهای دیگر برآورده شوند. از آنجا که ارضاء محدودیتها تحت تأثیر مطلوبیت متغیرهاست بنابراین این آرمان در اولویت اول قرار گرفته است. مدل مرحله دوم؛ مدلی است که تابع هدف آن عبارت است از سایر متغیرها فازی بشرح زیر:

$$\text{Max } V(\mu) = \sum_{t=1}^T \mu_t$$

این آرمان، کلیه محدودیت‌های مدل ۴ را دارد. با این تفاوت که محدودیت‌های از نوع زیر به آن اضافه خواهند شد:  
 $\mu_b = \mu^*$

علامت  $*$  بیانگر، معین شدن مقدار متغیرها در اولویت اول است. ضرایب متغیرهای فازی همانند  $W$  و  $W_b$  قابل اندازه‌گیری با استفاده از AHP نیز خواهند بود (۴۵).

### تشريح محدودیتهای مدل GBMF

محدودیت اول در واقع همان آرمان شماره ۱ مدل (۲) است که به صورت یک محدودیت قطعی درآمده است. از آنجایی که آرمان یک، از نوع Max است. بنابراین یک آستانه  $L$  پرای آن تعریف شده است. که در آن  $\Delta_i = G_i - L_i$ ، حداکثر کردن متغیر  $\mu_i$  در این محدودیت نشانده‌شده نائل آمدن به آرمان مطلوبیت ناشی از تخصیص بودجه است.

محدودیت‌های دسته دوم در واقع آرمانهایی هستند که نسبت‌های مطلوب مورد نظر در تخصیص بودجه را نشان می‌دهند. این محدودیتها که اغلب تعداد آنها به اندازه افق برنامه‌ریزی (T) است از نوع  $\text{Max}_{\Delta_i} = G_i - L_i$  است. بنابراین آستانه آنها نیز از نوع  $L$  می‌باشد. و  $\Delta_i = G_i - L_i$  است. در اینجا نیز حداکثر کردن  $\mu_i$  به منزله نائل آمدن به آرمانهای دلخواه است.

$$\text{Max } V(\mu) = \sum_i w_i \mu_i + \sum_j w_j \mu_j \quad (\text{مدل ۳})$$

s.t:

- ۱)  $\mu_i = (f_i(x) - L_i) / (G_i - L_i)$  بازه آرمان  $i$
- ۲)  $\mu_j = (U_j - g_j(x)) / (U_j - b_j)$  بازه محدودیت  $j$
- ۳)  $A' X \Theta g$
- ۴)  $\mu_i \leq 1$
- ۵)  $\mu_j \leq 1$
- ۶)  $X, \mu \geq 0$

از آنجا که مدل اولیه تیواری (۴۱) توسعه داده شده است تا مدل (۳) حاصل شده است، پس مدل (۳) «مدل عملگر جمع توسعه یافته» خوانده می‌شود. حال با استفاده از الگوریتم تعریف شده در مدل (۳)، مدل (۲) به یک مدل قطعی تبدیل خواهد شد. حاصل عملیات تحت عنوان مدل (۴) نشان داده شده است. این مدل از این پس «مدل عمومی بودجه در سازمانهای دولتی تحت رویکرد فازی» خوانده می‌شود و با علامت اختصاری  $\Delta$ GBMF بیان می‌شود.

مدل شماره ۴ دارای دو اولویت  $V(\mu_{..})$  و  $V(\mu)$  است. اولویت اول ( $V(\mu_{..})$ ) و اولویت دوم ( $V(\mu)$ ) است. بنابراین GBMF یک مدل اولویتی است که به صورت ترتیبی  $\Delta$  طی دو مرحله حل خواهد شد. در این راست، ابتدا به ارائه ساختار مدل PGP با اولویت‌های ترتیبی قطعی یا عملگر جمع خواهیم پرداخت. ساختار «توسعه داده شده این مدل به صورت مدل ۵ آمده است.

$$\text{Max } \sum_{S_i} (W_{S_i} \mu_{S_i}) p_i + \sum_{S_j} (W_{S_j} \mu_{S_j}) p_j \quad (\text{مدل ۴})$$

s.t:

- ۱)  $\mu_{S_i} = (f_i(x) - L_{S_i}) / (G_{S_i} - L_{S_i})$
- ۲)  $\mu_{S_j} = (U_{S_j} - g_{S_j}(x)) / (U_{S_j} - b_{S_j})$
- ۳)  $A' X \Theta g$
- ۴)  $\mu_{P_r} = (\mu^*)_{P_r} \quad (r=1, 2, \dots, T)$
- ۵)  $\mu_{S_i} \leq 1$
- ۶)  $\mu_{S_j} \leq 1$
- ۷)  $X, \mu \geq 0$

که در آن  $\mu_{S_i}$  و  $\mu_{S_j}$  توابع عضویت سطح  $i$  و  $j$  می‌باشند.

### مدل ۴ - مدل ریاضی فازی تخصیص بودجه در سازمانهای دولتی - مدل GBMF

$$\text{Max } V(\mu_{..}) = W_0 \mu_0 + \sum_{bt=1}^T W_{bt} \mu_{bt}$$

$$\text{Max } V(\mu_{..}) = \sum_{t=1}^T \mu_t$$

S.T:

$$1) \mu_0 = \{(a_3 \sum_t W_t X_t + a_2 \sum_t \sum_k W_{tk} X_{tk} + a_1 \sum_t \sum_k \sum_j W_{tkj} X_{tkj} - L_t\} / (G_t - L_t)$$

$$2) \mu_t = \{\left( \sum_{k=1}^K \sum_{j=1}^J X_{tkj} - \alpha \sum_t \sum_k X_{tk} - L_t \right) / (G_t - L_t) \quad (t=1,2,\dots,T)$$

$$3) \mu_{bt} = (U_{bt} - \sum_{m=1}^L X_{tm}) (U_{bt} - \sum_{m=1}^L I_m) \quad (bt=1,2,\dots,T)$$

$$4) X_{t..} = \sum_{k=1}^K X_{tk} \quad (t=1,2,\dots,T)$$

$$5) X_{tk..} = \sum_{j=1}^J X_{tkj} \quad (t=1,2,\dots,T; k=1,2,\dots,K)$$

$$6) X_{t..} = \sum_{k=1}^K Y_{tk} \quad (t=1,2,\dots,T)$$

$$7) X_{tk..} = \sum_{i=1}^R \sum_{j=1}^I \lambda_{tkij} \cdot X_{tkj} \quad (t=1,2,\dots,T; r=1,2,\dots,R; i=1,2,\dots,I)$$

$$8) Y_{tr..} = \sum_{k=1}^K Y_{tk} \quad (t=1,2,\dots,T; r=1,2,\dots,R; i=1,2,\dots,I)$$

۵ - محدودیت متغیرهای فازی :

$$5-1) \mu_0 \leq 1$$

$$5-2) \mu_t \leq 1 \quad (t=1,2,\dots,T)$$

$$5-3) \mu_{bt} \leq 1 \quad (bt=1,2,\dots,T)$$

۶ - محدودیت های کوئندار:

$$6-1) (1 + h_{t..}^{(l)}) U_{t..} \leq X_{t..} \leq (1 - h_{t..}^{(u)}) L_{t..} \quad (t=1,2,\dots,T)$$

$$6-2) (1 - h_{tk..}^{(x)}) L_{tk..} \leq X_{tk..} \leq (1 + h_{tk..}^{(u)}) U_{tk..} \quad (t=1,2,\dots,T; k=1,2,\dots,K)$$

$$6-3) (1 - h_{tkj}^{(x)}) L_{tkj} \leq X_{tkj} \leq (1 + h_{tkj}^{(u)}) U_{tkj} \quad (t=1,2,\dots,T; j=1,2,\dots,J; k=1,2,\dots,K)$$

$$6-4) (1 - P_{tr..}^{(y)}) L_{tr..} \leq Y_{tr..} \leq (1 + P_{tr..}^{(u)}) U_{tr..} \quad (t=1,2,\dots,T; r=1,2,\dots,R)$$

$$6-5) \mu_0, \mu_t, \mu_{bt} \geq 0$$

تخصیص بودجه قابل حصول است. بنابراین با این فرض که تمامی بودجه قابل پیش‌بینی حاصل خواهد شد (البته فرض تقریباً محالی است)، مقدار مطلوبیت بودجه محاسبه می‌شود. این مقدار به عنوان  $G_1$  در نظر گرفته می‌شود. از سوی دیگر مطلوبیت حاصل شده از مدل CGP مساوی با  $L_1$  در نظر گرفته می‌شود. البته می‌توان قدری بدینانه فکر کرد و مقدار  $L_1$  را با درصد معینی کوچکتر در نظر گرفت، بدین ترتیب  $G_1 - L_1 = \Delta_1$  خواهد بود. آستانه آرمانهای دسته دوم نیز قابل دسترس است. تولرانس این نوع آرمانها اغلب به طور رسمی از سوی سازمان پژوهش و بودجه اعلام می‌شود که می‌توان آنها را به عنوان آستانه در نظر گرفت. در غیراین صورت می‌توان مقادیر حاصل از مدل CGP را به عنوان  $\Delta_1$  اعمال کرد و مقدار  $\Delta_1$  را محاسبه نمود.

نکته قابل بحث در تعیین آستانه، مقادیر بودجه قابل حصول در محدودیت‌های دسته سوم است. فلوچارت شماره ۱ چگونگی محاسبه آستانه این محدودیت‌ها ( $\Delta_{b1}$ ) را بخوبی نشان می‌دهد. همچنانکه در فلوچارت شماره ۱ آمده است؛ ابتداه با استفاده از مدل‌های ARIMA (p,d,q) مقادیر بودجه قابل وصول طی T سال گذشته پیش‌بینی می‌گردد. (۲۹، ۲۸) از سوی دیگر مقادیر واقعی مبالغه تخصیص داده شده در آن T سال استخراج می‌گردد. چنانچه مقادیر پیش‌بینی با مقادیر عملکرد تفاوت چشمگیر نداشته باشند، محدودیت‌ها از نوع قطعی تلقی شده و مدل تکمیل شده است، در غیر این صورت درصد انحرافات استخراج شده و ملاک محاسبه میزان  $\Delta_{b1}$  خواهد بود. از آنجاکه اغلب مقادیر ناشی از سریها و مقادیر واقعی با هم انحراف دارند، پس نوعاً استفاده از مدل‌های فازی ضرورت می‌یابد.

برای بالا بردن ضریب اعتماد به آستانه محدودیت‌ها، می‌توان از خبرگان و صاحبنظران بودجه در سازمان میزان انحراف بودجه قابل حصول را نیز نظرسنجی کرد. درصد به دست آمده از نظرسنجی را می‌توان به عنوان یک ضریب تعديل بکار گرفت. حال شرایط برای تعریف آستانه محدودیت‌های فازی فراهم است. آستانه محدودیت‌ها قابل تعریف با استفاده از رابطه (۵)

$$\Delta_{b1} = U_{b1} - \sum_{m=1}^t I_m \quad (5)$$

#### خلاصه

در این مقاله ابتداه به طراحی یک مدل قطعی ریاضی برای بودجه

محدودیت‌های دسته سوم که تعداد آنها نیز به اندازه افق برنامه‌ریزی می‌باشد، محدودیت‌های  $\Delta_{b1}$  هستند که آستانه آنها از نوع L تعریف خواهد شد. بنابراین

$$\Delta_{b1} = U_{b1} - \sum_{m=1}^t I_m$$

به عبارت دیگر اثرات متغیرهای مداخله گر و برونزا عمدتاً بر روی این دسته از محدودیت‌هاست. در اینجاست که طراحان بودجه اغلب با الفاظ «حدوداً»، «تقریباً»، «نزدیک به» راجع به بودجه قابل حصول برخورد می‌کنند. یعنی اینکه، طراحان ناچار هستند که مقادیر سمت راست محدودیتها را «حدوداً»

$$\sum_{m=1}^t I_m$$

تلقی کنند. به کمک تصوری فازی محدودیت‌های دسته سوم تعریف می‌گرددند. این نوع محدودیت‌ها، با در نظر گرفتن الفاظ زیانی و حداقل کردن  $\Delta_{b1}$ ، تأثیرات متغیرهای غیرقابل کنترل را تا حدودی خنثی کرده و معضلات مدل‌های پیشین را مرتفع خواهند کرد. از سوی واقعی بودن جواب بهینه را نسبت به مدل‌های قبلی آشکار خواهد نمود.

دسته پنجم و ششم محدودیت‌ها، بیانگر بازه متغیرهای فازی خواهند بود. از آنجا که این نوع متغیرها، حداقل مقدار ۱ و حداقل مقدار ۰ را بخود اختصاص می‌دهند بنابراین در بازه [۰,۱] تعریف شده‌اند. مقدار ۱ بیانگر حداقل مقدار عضویت و نیل به آرمان و مقدار ۰ بیانگر حداقل مقدار عضویت خواهد بود. زمانی تصمیم‌گیران به حداقل مطلوبیت و رضایتمندی خواهند رسید که کلیه عناصر بردار فازی ۱ مقدار یک بخود بگیرند.

سایر محدودیت‌ها به قوت خود باقی هستند و نیازی به تعریف مجدد ندارند. حال مدلی فراهم شده است که ما آن را مدل GBMF نام نهاده‌ایم. محدودیت‌ها و متغیرهای این مدل نیز قابل شمارش با استفاده از روابط (۳) و (۴) هستند.

(۳):  $(2T+1) + (\text{تعداد محدودیتها مدل CGP}) - (\text{تعداد محدودیتها کارکردی مدل GBMF})$

(۴)

(۴):  $(2T+1) + (\text{تعداد متغیرهای مدل CGP}) - (\text{تعداد متغیرهای مدل GBMF})$

## الگوریتم محاسبه آستانه محدودیت‌ها و آرمانهای فازی

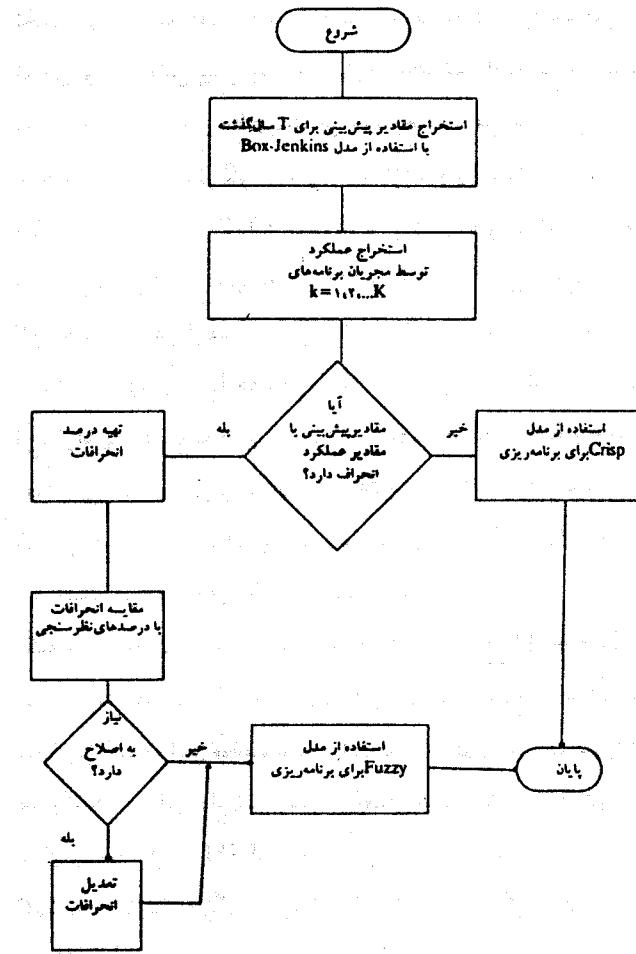
آرمان ۱ در مدل ۲ در صد حداقل کردن مطلوبیت ناشی از

دولتی تحت رویکرد فازی (GBMF)» طراحی شد که قابل اعمال برای هر نوع بودجه PPBS در سازمانهای دولتی است. مدل GBMF دارای دو اولویت است. بنابراین یک مدل با اولویت ترتیبی است که برای حل آن باید از شیوه‌های خاص استفاده کرد. در این زمینه نیز «شیوه عملگر جمعی» توسعه داده شده و قابل بکارگیری برای حل آن است.

یکی دیگر از ویژگی‌های مدل، شیوه محاسبه پارامترها و ضرایب مدل (آرمانها، مقادیر سمت راست محدودیتها، و ضرایب متغیرها) است که با استفاده از فنون جدیدی همچون AHP و متذلوژی باکس و جنکیتزر انجام گرفته است (۴۶، ۲۹، ۲۸). بکارگیری این فنون در کنار تئوری فازی تکرش نویسی به برنامه‌ریزی و بودجه‌بندی است که کمتر در مدل‌های OR دیده می‌شود. به علاوه امتحان فنون مختلف ریاضی با فنون قضایتی اعتماد مدیران را به مدل ریاضی بیشتر خواهد کرد. همچنین اعتبار مدل آشکارتر خواهد شد، اگر گفته شود قابلیت تعیین به افق برنامه‌ریزی پنجمال، دهمال و حتی N سال را دارد.

## پانویسها

- 1- Cost Planning
- 2- Fuzzy
- 3- Vague
- 4- Crisp
- 5- Cost Planning
- 6- Operational Research and Management Science
- 7- Plannig Programming Budgeting System= PPBS
- 8- Zero Base Budgeting = ZBB
- 9- Generalized Goal Decomposition Model (GGD)
- 10- Goal Programming
- 11- Prototype Model
- 12- Preemptive
- 13- Brain Storming
- 14- Fuzzy Sets Theory
- 15- Fuzzy Human
- 16- Fuzzy Theory
- 17- Forecasting



فلوچارت شماره ۱ - محاسبه  $\Delta_{\text{B}}$  در مدل GBMF

PPBS پرداخته شد. حاصل مدلی بود که در واقع یک نوع مدل برنامه‌ریزی آرمانی قطعی (CGP) است. خواص بودجه و برنامه‌ریزی این اعتقاد را بوجود آورد که این مدل در یک فضای متلاطم و فازی جواب بهین را بطور واقعی ارائه نخواهد داد. البته جواب حاصل از آن چندان تضمیم‌گیران را قاتع نخواهد کرد. در این راستا شکل جدیدی از مدل‌سازی بودجه تحت عنوان برنامه‌ریزی آرمانی فازی (FGP) مطرح شد. به طوری که هم آرمانها و هم برخی از محدودیت‌های مدل در قالب الفاظی چون «حدوداً» و «تقرباً» تعریف شدند.

در این مقاله، یکی از روش‌های تبدیل مدل‌های فازی به مدل قطعی توسعه داده شد و به یک روش جدید تحت عنوان «روش عملگر جمعی توسعه داده شده» منجر شد. به کمک این روش می‌توان مدل برنامه‌ریزی آرمانی فازی را که علاوه بر آرمانهای فازی دارای محدودیت‌های فازی نیز هست، به یک مدل قطعی تبدیل کرد. به این طریق «مدل عمومی بودجه برای سازمانهای

- Budgeting by William B. Iwoskow)", Second Edition, John Wiley and Sons Inc. New York, 1987, PP. 701 - 702.**
9. Bevan R.G., "The Systems Approach in Government? Two Case Studies of Program Budgeting", Journal of Operations Research Society, Vol. 34, No. 20, 1983, PP. 729 - 738.
10. Pyhrr P. A., "Zero - Base Budgeting", Harvard Business Review, November / December, 1970, PP. 111 - 121.
11. Charnes A. and W.W. Cooper et. al., "Studies in Mathematical and Managerial Economics", North Holland Publishing Company, 1971.
12. Lee M.S. and J.P. Shim., "Zero - Base Budgeting: Dealing With Conflicting Objectives", Long Range Planning, Vol. 17, No. 5, 1984, PP. 103 - 110.
13. Burton R.M. et. al., "An Organizational Model of Integrated Budgeting for Short - Run Operations and Long - Run Investment", Journal of Operational Research Society, Vol. 30, No. 6, PP. 575 - 585.
14. Habeeb Y.A., "Adapting Multi - Criteria Planning to the Nigerian Economy", Journal of Operational Research Society, Vol. 42, No. 10, 1991, PP. 885 - 888.
15. Greenberg R.R and T.R. Nunamakar., "Integrating the Analytic Hierarchy Process (AHP) into the Multiobjective Budgeting Models of Public Sector Organizations", Socio-Economic Planning Science, Vol. 23, No. 3, 1994, PP. 197 - 206.
16. Zanakis S.H., "A Multicriteria Approach for Library Needs Assessment and Budget Allocation", Socio - Economic Planning Science, Vol. 25, No. 3, 1991.
17. Hannan E.L., "Allocation of Library Funds for Books and Standing Orders - A Multiple Objective Formulation", Computers and Operations Research, Vol. 5, 1978, PP. 109 - 114.
18. Kvanli A.H., "Financial Planning Using Goal Programming", OMega, Vol. 6, 1980, PP. 207 - 218.
19. Joiner C. and A. E. Drake., "Governmental Planning and Budgeting With Multiple Objective Models", Omega, Vol. 11, No. 1, 1983, PP. 57 - 66.
- 18- Profit Oriented
- 19- Efficiency Effectiveness
- 20- Social Desirability
- 21- Centralization and Decentralization
- 22- Telling Style
- 23- Utility
- 24- Crisp Goal Programming
- 25- Exogenous Constraints
- 26- Endogenous Constraints
- 27- Defuzzification
- 28- General Budget Model in Fuzzy Environment
- 29- Priority
- 30- Preemptive
- 31- Fuzzy Vector

### منابع و مأخذ

1. Lyden J.F. and E.G. Miller., "Planning, Programming, Budgeting: A Systems Approach to Management", Markham Publishing Company, Chicago, 1989.
2. Charnes A. and W.W. Cooper., "Management Model and Industrial Application for Linear Programming", Vol. (1,2) John Wiley and Sons, New York, 1961.
3. Zadeh L.A., "Fuzzy Sets", Information and Control, No. 8, 1965.
4. Klir G. and T.A. Folger., "Fuzzy Sets, Uncertainty and Information", Prentice - Hall International, Inc., New York, 1988.
5. Kandel A., "Fuzzy Mathematical Techniques With Applications", Addison Wesley Publishing Company, 1986.
6. Zimmermann H.J., "Fuzzy Sets Theory and It's Applications", Kluwer - Nijhoff Publishing, Boston, Lancaster, 1985.
7. Kaufmann A. and M. M. Gupta., "Fuzzy Mathematical Models in Engineering and Management Science", Elsevier Science Publishing, 1991.
8. Sweeny A.W. and R. Rachlin., "Handbook of Budgeting (Article: Program - Budgeting: Planning, Programming -

- No. 16, 1970, PP. 88 - 97.
33. Romero C., "A Survey of Generalized Goal Programming", European Journal of Operational Research, No. 25, 1986, PP. 183 - 191.
34. Zanakis S.H. and S.K. Gupta., "A Categorized Bibliographic Survey of Goal Programming", Omega, Vol. 3, No. 3, 1985, PP. 211 - 222.
35. Romero C., "Handbook of Critical Issues in Goal Programming", Pergamon Press, 1991.
36. Bellman R. and L. A. Zadeh., "Decision Making in a Fuzzy Environment", Management Science, No. 17, 1970, PP. 141 - 164.
37. Zimmermann H. J., "Fuzzy Programming and Linear Programming with Several Objective Functions", FSS, Vol. 1, No. 1, 1978, PP. 45 - 55.
38. Narasimhan R., "Goal Programming in Fuzzy Environment", Decision Science, No. 11, 1980, PP. 325 - 336.
39. Hannan E.L., "On Fuzzy Goal Programming", Decision Science, No. 12 1981, PP. 522 - 531.
40. Lai Y.J. and C-L. Hwang., "Fuzzy Multiple Objective Decision Making", Springer - Verlag, Berlin Heidelberg, 1994.
41. Tiwari R.N., S. Dharmar and J. R. Rao., "Fuzzy Goal Programming - An Additive Model", FSS, No. 24, 1987, PP. 27 - 34.
42. Memariani A., "Some Studies in Multiple Criteria Decision Making in Crisp, Random and Fuzzy Environment", Ph. D. Thesis, Banaras Hindu University, 1993, PP. 24 - 46.
43. Rubin P. A. and R. Narasimhan., "Fuzzy Goal Programming with Nested Priorities", FSS, No. 14, 1984, PP. 115 - 129.
44. Hersey P. and K. H. Blanchard., "Management of Organizational Behavior Utilizing Human Resources", Prentice - Hall International Editions, Fifth Edition, 1988, PP. 125 - 126.
- ۴۵- آذر عادل و عزیز... معماریانی، «AIIP تکنیکی نوین برای تصمیم گیری گروهی»، فصلنامه علمی - پژوهشی دانش مدیریت، شماره ۲۷ و ۲۸، زمستان ۱۳۷۴ و بهار ۱۳۷۵، دانشگاه تهران، ص. من ۲۲ الی ۳۲
20. Mc Keown P. G. and A. F. Selia., "A Financial Planning Model for Presidential Candidates", Socio Economic Planning Science, Vol. 18, No. 2, 1983, PP. 83 - 86.
21. Ruefli, Timothy W., "A Model for Resource Allocation in Complex Hierarchies", Socio - Economic Planning Science. Vol. 18, No. 1, 1984, PP. 59 - 67.
22. Cook Wade D., "Goal Programming and Financial Planning Models for Highway Rehabilitation", Journal of Operations Research Society, Vol. 35, No. 3, 1984, PP. 217 - 223.
23. Allen G.G. and L. C. Tat., "The Development of an Objective Budget Allocation Procedure for Academic Library Acquisitions", Libri, Vol. 37, No. 3, 1987, PP. 211 - 221.
24. Bookbinder J. H. and F. Ullengin., "Budget Allocation and Profit for Logistics and Its Interfaces", International Journal of Physical Distribution and Logistics Management, Vol. 21, No. 7, 1991, PP. 14 - 21.
25. Ottensmann J. R. and M. E. Gleeson, "Implementation and Testing of a Decision Support System for Public Library Materials Acquisition Budgeting", Journal of the American Society for Information Science, Vol. 44, No. 2, 1993, PP. 83 - 93.
26. Ijiri Y., "Management Goals and Accounting for Control", North - Holland Publishing Company, 1979.
27. Mao JCT., "Quantitative Analysis of Financial Decisions", Macmillan, New York, U.S.A., 1969.
28. Montgomery D.C., L.A. Johnson and J.S. Gardiner., "Forecasting and Time Series Analysis", Mc Grow - Hill, New York, 1990.
29. Box G.P. and G.M. Jenkins., "Time Series Analysis Forecasting and Control", Holden - Day, 1976.
30. Ignizio J.P., "Goal Programming and Extensions", Lexington Book, Massachusetts, 1976.
31. Lee S.M., "Goal Programming for Decision Analysis", Auerbach Publisher, Philadelphia, 1972.
32. Dekluyver C.A., "On the Important of Goal - Norming in Non - Preemptive Goal Programming", Operations Research,